

МИНИСТЕРСТВО НАУКИ И ВЫСШЕГО ОБРАЗОВАНИЯ  
РОССИЙСКОЙ ФЕДЕРАЦИИ  
ФЕДЕРАЛЬНОЕ ГОСУДАРСТВЕННОЕ БЮДЖЕТНОЕ  
ОБРАЗОВАТЕЛЬНОЕ УЧРЕЖДЕНИЕ ВЫСШЕГО ОБРАЗОВАНИЯ  
«КАРАЧАЕВО-ЧЕРКЕССКИЙ ГОСУДАРСТВЕННЫЙ  
УНИВЕРСИТЕТ ИМЕНИ У.Д. АЛИЕВА»

Физико-математический факультет  
Кафедра математического анализа

УТВЕРЖДАЮ  
И. о. проректора по УР  
М. Х. Чанкаев  
«29» мая 2024 г., протокол № 8

ФОНД ОЦЕНОЧНЫХ СРЕДСТВ

ТЕОРИЯ ОПТИМИЗАЦИИ

(наименование дисциплины (модуля))

Направление подготовки

***01.04.02 Прикладная математика и информатика***

(шифр, название направления)

Направленность (профиль) программы:

***Математическое и информационное обеспечение  
экономической деятельности***

Квалификация выпускника

***магистр***

Форма обучения

***Очная***

Год начала подготовки - **2024**

Карачаевск, 2024

## КОМПЕТЕНЦИИ ПО ДИСЦИПЛИНЕ «ТЕОРИЯ ОПТИМИЗАЦИИ»

Код компетенций	Содержание компетенции в соответствии с ФГОС ВО/ОПВО	Индикаторы достижения сформированности компетенций
ПК-1	Способен демонстрировать фундаментальные знания математических и прикладных наук	ПК-1.1. Знает способы демонстрации и применения фундаментальных знаний в области математических и прикладных наук ПК-1.2. Умеет строить математические и компьютерные модели и исследовать их аналитическими и численными методами ПК-1.3. Владеет способностью к созданию, анализу и реализации математических и компьютерных моделей в областях профессиональной деятельности
ПК-2	Способен проводить научные исследования, на основе существующих методов в конкретной области профессиональной деятельности	ПК-2.1. Знает способы проведения научных исследований, на основе существующих методов математического и компьютерного моделирования в выбранных областях профессиональной деятельности ПК-2.2. Умеет решать научные задачи в связи с поставленной целью на основе существующих и выбранных методов ПК-2.3. Владеет практическими навыками и умениями использования результатов научных исследований для применения в выбранных областях профессиональной деятельности

## ТЕСТОВЫЙ МАТЕРИАЛ ДЛЯ ДИАГНОСТИКИ ИНДИКАТОРОВ ОЦЕНИВАНИЯ СФОРМИРОВАННОСТИ КОМПЕТЕНЦИЙ

№ задания	Правильный ответ	Содержание вопроса	Компетенция
<b>ЗАДАНИЯ ОТКРЫТОГО ТИПА НА ДОПОЛНЕНИЕ</b>			
1		<p><b>Прочитайте текст и запишите правильный ответ.</b></p> <p>Симплекс-метод - метод оптимизации применяемый в _____ программировании</p> <p><i>(ответ запишите строчными буквами)</i></p>	ПК-2
2		<p><b>Прочитайте текст и запишите правильный ответ.</b></p> <p>Комбинаторная оптимизация – это техника оптимизации для _____ задач.</p> <p><i>(ответ запишите строчными буквами)</i></p>	ПК-2
3		<p><b>Прочитайте текст и запишите правильный ответ.</b></p> <p>Метод ветвей и границ – это метод для решения задач _____ программирования.</p> <p><i>(ответ запишите строчными буквами)</i></p>	ПК-1
4		<p><b>Прочитайте текст и запишите правильный ответ.</b></p> <p>метод оптимизации, использующий случайность носит название</p>	ПК-1

		<p>_____ метода. (ответ запишите строчными буквами)</p>	
<b>ЗАДАНИЯ ОТКРЫТОГО ТИПА СВОБОДНОГО ИЗЛОЖЕНИЯ С РАЗВЕРНУтыМ ОТВЕТОМ</b>			
5		<p><b>Прочтайте текст и запишите развернутый ответ.</b> Пусть целевая функция <math>f(x) = e^{- x }, X = \mathbb{R}</math>. Показать, что множество точек минимума функции <math>f(x)</math> на множестве <math>X</math> пусто и <math>m_0 = \inf_{x \in X} f(x) = 0</math>, найти <math>M_0 = \sup_{x \in X} f(x)</math></p>	ПК-2
6		<p><b>Прочтайте текст и запишите развернутый ответ.</b> Показать, что функция <math>f(x) = x^3 - 12x^2 + 87x + 25</math> унимодальная на отрезке <math>[4; 7]</math>.</p>	ПК-1
7		<p><b>Прочтайте текст и запишите развернутый ответ.</b> Методом золотого сечения для функции <math>f(x) = x^4 + 8x^3 - 6x^2 - 72x</math> найти минимальное значение на отрезке <math>[1,5; 2]</math>.</p>	ПК-2
8		<p><b>Прочтайте текст и запишите развернутый ответ.</b> Минимизировать функцию <math>f(x_1, x_2) = 7x_1^2 + 2x_1x_2 + 5x_2^2 + x_1 - 10x_2</math> методом сопряжённых градиентов, заканчивая вычисления при <math>\left  \frac{\partial f(x^{(k)})}{\partial x_i} \right  \leq 0,2; i = 1, 2</math>.</p>	ПК-1
<b>ЗАДАНИЯ ЗАКРЫТОГО ТИПА НА УСТАНОВЛЕНИЕ ПОСЛЕДОВАТЕЛЬНОСТИ</b>			
9		<p><b>Прочтайте текст и установите правильную последовательность.</b> Правило нахождения точек перегиба функции <math>y = f(x)</math>.</p> <ol style="list-style-type: none"><li>1. Определить точки подозрительные на перегиб. Для этого нужно решить уравнение <math>f''(x) = 0</math> и найти точки, в который она равна нулю или не существует, т.е. найти критические точки второго рода.</li><li>2. Найти <math>f'(x)</math> и <math>f''(x)</math>.</li><li>3. Вычислить значения функции в точках перегиба, если они имеются.</li><li>4. Исследовать знак <math>f''(x)</math> в окрестности критических точек и сделать вывод об интервалах выпуклости и наличии точек перегиба.</li></ol> <p><b>Запишите соответствующую последовательность в виде цифр слева направо.</b></p>	ПК-2
10		<p><b>Прочтайте текст и установите правильную последовательность.</b> Правило Лопитала — это метод, используемый в математическом анализе для вычисления пределов, которые представляют собой неопределенности вида <math>\frac{0}{0}</math> или <math>\frac{\infty}{\infty}</math>. Это правило позволяет преобразовать исходный предел в более удобный для вычисления вид.</p> <p>Каков порядок последовательности при использовании правила Лопитала:</p> <ol style="list-style-type: none"><li>1. Вычислите новый предел.</li><li>2. Найдите производные числителя и знаменателя.</li><li>3. Повторите процесс при необходимости.</li><li>4. Убедитесь, что предел действительно имеет форму <math>\frac{0}{0}</math> или <math>\frac{\infty}{\infty}</math>.</li></ol>	ПК-1

		<b>Запишите соответствующую последовательность в виде цифр слева направо.</b>	
11		<p><b>Прочтите текст и установите правильную последовательность.</b> Дифференцирование неявно заданных функций — это процесс нахождения производной функции, если она задана в виде уравнения, которое связывает <math>x</math> и <math>y</math>, например <math>F(x, y) = \mathbf{0}</math>. Каков порядок дифференцирование функции неявно заданном виде:</p> <ol style="list-style-type: none"> <li><b>Подставьте значения:</b> Если вам известны значения или функции для <math>x</math> и <math>y</math>, подставьте их для нахождения конкретного значения производной.</li> <li><b>Решите уравнение:</b> После дифференцирования получите уравнение, содержащее <math>\frac{dy}{dx}</math>. Переходите к шагу решения: <math>\frac{\partial F}{\partial x} + \frac{\partial F}{\partial y} \cdot \frac{dy}{dx} = \mathbf{0}</math>. Теперь выразим <math>\frac{dy}{dx} \cdot \frac{dy}{dx} = -\frac{\frac{\partial F}{\partial x}}{\frac{\partial F}{\partial y}}</math></li> <li><b>Запишите уравнение:</b> Начните с уравнения, в котором <math>x</math> и <math>y</math> связаны неявно, например <math>F(x, y) = \mathbf{0}</math>.</li> <li><b>Примените дифференцирование:</b> Продифференцируйте обе стороны уравнения по <math>x</math>, используя правило производной для многозначных функций. Важно помнить, что при дифференцировании по <math>y</math> и <math>x</math> нужно применять правило цепочки, так как <math>y</math> зависит от <math>x</math>:</li> </ol> $\frac{dF}{dx} = \frac{\partial F}{\partial x} + \frac{\partial F}{\partial y} \cdot \frac{dy}{dx} = \mathbf{0}$ <p><b>Запишите соответствующую последовательность в виде цифр слева направо</b></p>	ПК-2
12		<p><b>Прочтите текст и установите правильную последовательность.</b> Установите правильную последовательность утверждений о непрерывности функций на отрезке <math>[a, b]</math>.</p> <ol style="list-style-type: none"> <li>Функция <math>f(x)</math> непрерывна на отрезке <math>[a, b]</math>.</li> <li>Для любой <math>\varepsilon &gt; \mathbf{0}</math> существует <math>\delta &gt; \mathbf{0}</math>, такое что <math> f(x) - f(c)  &lt; \varepsilon</math> для всех <math>x</math>, если <math> x - c  &lt; \delta</math>.</li> <li>Если функция имеет разрыв в точке <math>c \in [a, b]</math>, то она не может быть непрерывной на этом отрезке.</li> <li>Непрерывная функция на отрезке <math>[a, b]</math> достигает своих крайних значений.</li> </ol> <p><b>Запишите соответствующую последовательность в виде цифр слева направо.</b></p>	ПК-1
13		<p><b>Прочтите текст и установите правильную последовательность.</b> Установите правильную последовательность условий, при которых величины считаются бесконечно малыми или бесконечно большими.</p> <ol style="list-style-type: none"> <li>Величина <math>\alpha(x)</math> называется бесконечно малой при <math>x \rightarrow x_0</math>, если для любого положительного числа <math>\varepsilon</math> существует такое число <math>\delta = \delta(\varepsilon)</math>, что для <math>\forall x \neq x_0:  x - x_0  &lt; \delta</math> выполняется <math> \alpha(x)  &lt; \varepsilon</math>.</li> <li>Величина <math>f(x)</math> называется бесконечно большой при <math>x \rightarrow x_0</math>, если для любого положительного числа <math>M</math> существует такое число <math>\delta = \delta(M) &gt; \mathbf{0}</math>, что для <math>\forall x \neq x_0:  x - x_0  &lt; \delta</math> выполняется</li> </ol>	ПК-2

	<p><math> f(x)  &gt; M</math>.</p> <p>3. Бесконечно малая величина всегда меньше любой положительной конечной величины.</p> <p>4. Бесконечно большая величина всегда больше любой положительной конечной величины.</p> <p><b>Запишите соответствующую последовательность в виде цифр слева направо.</b></p>	
14	<p><b>Прочтите текст и установите правильную последовательность.</b> Установите правильную последовательность применения логарифмического дифференцирования к функции <math>y = x^x</math>.</p> <ol style="list-style-type: none"> <li>Умножьте на <math>y</math>: <math>\frac{dy}{dx} = y(\ln(x) + 1)</math>;</li> <li>Найдите производную обеих сторон: <math>\frac{1}{y} \frac{dy}{dx} = \ln(x) + 1</math>;</li> <li>Примените логарифм: <math>\ln(y) = x\ln(x)</math>;</li> <li>Подставьте <math>y</math> обратно: <math>\frac{dy}{dx} = x^x(\ln(x) + 1)</math>.</li> </ol> <p><b>Запишите соответствующую последовательность в виде цифр слева направо.</b></p>	ПК-1

### ЗАДАНИЯ ЗАКРЫТОГО ТИПА НА УСТАНОВЛЕНИЕ СООТВЕТСТВИЯ

15	<p><b>Прочтайте текст и установите соответствие между детерминированными задачами оптимизации и определениями их ограничений, путем подбора к каждой позиции данной в левом столбце, соответствующей позиции из правого столбца.</b></p> <table border="1" style="width: 100%; border-collapse: collapse;"> <tr> <td style="width: 25%;">A</td><td style="width: 50%;"><math>X = \{x   x \in R^n\}</math></td><td style="width: 25%; text-align: center;">1</td><td>задача условной оптимизации общего типа</td></tr> <tr> <td>B</td><td><math>X = \{x   g(x) \geq 0, h(x) = 0\}</math></td><td style="text-align: center;">2</td><td>задача безусловной оптимизации</td></tr> <tr> <td>C</td><td><math>X = \{x   h(x) = 0\}</math></td><td style="text-align: center;">3</td><td>задача условной оптимизации типа неравенства</td></tr> <tr> <td>D</td><td><math>X = \{x   g(x) \geq 0\}</math></td><td style="text-align: center;">4</td><td>задача условной оптимизации типа равенства</td></tr> </table> <p><b>Запишите выбранные цифры под соответствующими буквами:</b></p> <table border="1" style="width: 100%; border-collapse: collapse;"> <tr> <td style="width: 25%; text-align: center;">A</td><td style="width: 25%; text-align: center;">B</td><td style="width: 25%; text-align: center;">C</td><td style="width: 25%; text-align: center;">D</td></tr> <tr> <td> </td><td> </td><td> </td><td> </td></tr> </table>	A	$X = \{x   x \in R^n\}$	1	задача условной оптимизации общего типа	B	$X = \{x   g(x) \geq 0, h(x) = 0\}$	2	задача безусловной оптимизации	C	$X = \{x   h(x) = 0\}$	3	задача условной оптимизации типа неравенства	D	$X = \{x   g(x) \geq 0\}$	4	задача условной оптимизации типа равенства	A	B	C	D					ПК-2
A	$X = \{x   x \in R^n\}$	1	задача условной оптимизации общего типа																							
B	$X = \{x   g(x) \geq 0, h(x) = 0\}$	2	задача безусловной оптимизации																							
C	$X = \{x   h(x) = 0\}$	3	задача условной оптимизации типа неравенства																							
D	$X = \{x   g(x) \geq 0\}$	4	задача условной оптимизации типа равенства																							
A	B	C	D																							

16	<p><b>Прочтите текст и установите соответствие</b> между функциями и их производными, путем подбора к каждой позиции данной в левом столбце, соответствующей позиции из правого столбца.</p> <table border="1" style="width: 100%; border-collapse: collapse;"> <tbody> <tr> <td style="width: 25%;">A</td><td style="width: 25%;"><math>f(x) = x^5 - 5x^3 + 2x</math>.</td><td style="width: 25%;"><math>f'(x) = \frac{1}{2\sqrt{x}}</math>.</td><td style="width: 25%;"></td></tr> <tr> <td>B</td><td><math>f(x) = \tan(x)</math>.</td><td>2</td><td><math>f'(x) = 5x^4 - 15x^2 + 2</math>.</td></tr> <tr> <td>C</td><td><math>f(x) = \sqrt{x}</math>.</td><td>3</td><td><math>f'(x) = \sec^2(x)</math>.</td></tr> </tbody> </table> <p><b>Запишите выбранные цифры под соответствующими буквами:</b></p> <table border="1" style="width: 100%; border-collapse: collapse;"> <tbody> <tr> <td style="width: 25%;">A</td><td style="width: 25%;">B</td><td style="width: 25%;">C</td></tr> <tr> <td></td><td></td><td></td></tr> </tbody> </table>	A	$f(x) = x^5 - 5x^3 + 2x$ .	$f'(x) = \frac{1}{2\sqrt{x}}$ .		B	$f(x) = \tan(x)$ .	2	$f'(x) = 5x^4 - 15x^2 + 2$ .	C	$f(x) = \sqrt{x}$ .	3	$f'(x) = \sec^2(x)$ .	A	B	C				ПК-1						
A	$f(x) = x^5 - 5x^3 + 2x$ .	$f'(x) = \frac{1}{2\sqrt{x}}$ .																								
B	$f(x) = \tan(x)$ .	2	$f'(x) = 5x^4 - 15x^2 + 2$ .																							
C	$f(x) = \sqrt{x}$ .	3	$f'(x) = \sec^2(x)$ .																							
A	B	C																								
17	<p><b>Прочтите текст и установите соответствие</b> между функциями и их производными, путем подбора к каждой позиции данной в левом столбце, соответствующей позиции из правого столбца.</p> <table border="1" style="width: 100%; border-collapse: collapse;"> <tbody> <tr> <td style="width: 25%;">A</td><td style="width: 25%;"><math>y = \operatorname{arctg}(x)</math></td><td style="width: 25%;"><math>y' = \frac{1}{\sqrt{1-x^2}}</math></td><td style="width: 25%;"></td></tr> <tr> <td>B</td><td><math>y = \operatorname{arcctg}(x)</math></td><td>2</td><td><math>y' = \frac{1}{1+x^2}</math></td></tr> <tr> <td>C</td><td><math>y = \arcsin(x)</math></td><td>3</td><td><math>y' = -\frac{1}{\sqrt{1-x^2}}</math></td></tr> <tr> <td>D</td><td><math>y = \arccos(x)</math></td><td>4</td><td><math>y' = -\frac{1}{1+x^2}</math></td></tr> </tbody> </table> <p><b>Запишите выбранные цифры под соответствующими буквами:</b></p> <table border="1" style="width: 100%; border-collapse: collapse;"> <tbody> <tr> <td style="width: 25%;">A</td><td style="width: 25%;">B</td><td style="width: 25%;">C</td><td style="width: 25%;">D</td></tr> <tr> <td></td><td></td><td></td><td></td></tr> </tbody> </table>	A	$y = \operatorname{arctg}(x)$	$y' = \frac{1}{\sqrt{1-x^2}}$		B	$y = \operatorname{arcctg}(x)$	2	$y' = \frac{1}{1+x^2}$	C	$y = \arcsin(x)$	3	$y' = -\frac{1}{\sqrt{1-x^2}}$	D	$y = \arccos(x)$	4	$y' = -\frac{1}{1+x^2}$	A	B	C	D					ПК-2
A	$y = \operatorname{arctg}(x)$	$y' = \frac{1}{\sqrt{1-x^2}}$																								
B	$y = \operatorname{arcctg}(x)$	2	$y' = \frac{1}{1+x^2}$																							
C	$y = \arcsin(x)$	3	$y' = -\frac{1}{\sqrt{1-x^2}}$																							
D	$y = \arccos(x)$	4	$y' = -\frac{1}{1+x^2}$																							
A	B	C	D																							
18	<p><b>Прочтите текст и установите соответствие</b> между областями определения и множествами значений указанных функций, путем подбора к каждой позиции данной в левом столбце, соответствующей позиции из правого столбца.</p> <table border="1" style="width: 100%; border-collapse: collapse;"> <tbody> <tr> <td style="width: 25%;">A</td><td style="width: 25%;"><p>Определить область определения функции <math>y = \lg(-x^2 + 4x - 3)</math></p></td><td style="width: 25%;"><math>x \in (-\infty, 1) \cup (5; +\infty)</math></td><td style="width: 25%;"></td></tr> <tr> <td>B</td><td><p>Определить область определения функции <math>y = \log_{\frac{1}{2}}(x^2 - 6x + 5)</math></p></td><td>2</td><td><math>[0; 2]</math></td></tr> <tr> <td>C</td><td><p>Найти множество значений функций <math>\sqrt{x(4-x)}</math></p></td><td>3</td><td><math>x \in (1, 3)</math></td></tr> </tbody> </table>	A	<p>Определить область определения функции <math>y = \lg(-x^2 + 4x - 3)</math></p>	$x \in (-\infty, 1) \cup (5; +\infty)$		B	<p>Определить область определения функции <math>y = \log_{\frac{1}{2}}(x^2 - 6x + 5)</math></p>	2	$[0; 2]$	C	<p>Найти множество значений функций <math>\sqrt{x(4-x)}</math></p>	3	$x \in (1, 3)$	ПК-1												
A	<p>Определить область определения функции <math>y = \lg(-x^2 + 4x - 3)</math></p>	$x \in (-\infty, 1) \cup (5; +\infty)$																								
B	<p>Определить область определения функции <math>y = \log_{\frac{1}{2}}(x^2 - 6x + 5)</math></p>	2	$[0; 2]$																							
C	<p>Найти множество значений функций <math>\sqrt{x(4-x)}</math></p>	3	$x \in (1, 3)$																							

		D	Найти множество значений функций $y = \sqrt{x^2 + 1}$ .	4	$[1, +\infty)$		
--	--	---	--	---	----------------	--	--

**Запишите выбранные цифры под соответствующими буквами:**

A	B	C	D

19	<p><b>Прочтайте текст и установите соответствие</b> между функциями и их производными, путем подбора к каждой позиции данной в левом столбце, соответствующей позиции из правого столбца.</p> <table border="1"> <tbody> <tr> <td>A</td><td><math>f(x) = x^{\frac{1}{x}}</math>.</td><td>1</td><td><math>f(x) = 15(3x+1)^4</math>.</td></tr> <tr> <td>B</td><td><math>f(x) = \sin(x^2)</math>.</td><td>2</td><td><math>f(x) = x^{\frac{1}{x}-2}(1 - \ln(x))</math>.</td></tr> <tr> <td>C</td><td><math>f(x) = e^{x^2}</math>.</td><td>3</td><td><math>f(x) = 2x \cos(x^2)</math>.</td></tr> <tr> <td>D</td><td><math>f(x) = (3x+1)^5</math>.</td><td>4</td><td><math>f(x) = 2x e^{x^2}</math>.</td></tr> </tbody> </table> <p><b>Запишите выбранные цифры под соответствующими буквами:</b></p> <table border="1"> <tr> <td>A</td><td>B</td><td>C</td><td>D</td></tr> <tr> <td></td><td></td><td></td><td></td></tr> </table>	A	$f(x) = x^{\frac{1}{x}}$ .	1	$f(x) = 15(3x+1)^4$ .	B	$f(x) = \sin(x^2)$ .	2	$f(x) = x^{\frac{1}{x}-2}(1 - \ln(x))$ .	C	$f(x) = e^{x^2}$ .	3	$f(x) = 2x \cos(x^2)$ .	D	$f(x) = (3x+1)^5$ .	4	$f(x) = 2x e^{x^2}$ .	A	B	C	D					ПК-2
A	$f(x) = x^{\frac{1}{x}}$ .	1	$f(x) = 15(3x+1)^4$ .																							
B	$f(x) = \sin(x^2)$ .	2	$f(x) = x^{\frac{1}{x}-2}(1 - \ln(x))$ .																							
C	$f(x) = e^{x^2}$ .	3	$f(x) = 2x \cos(x^2)$ .																							
D	$f(x) = (3x+1)^5$ .	4	$f(x) = 2x e^{x^2}$ .																							
A	B	C	D																							

20	<p><b>Прочтайте текст и установите соответствие</b> между функциями и их выражениями, путем подбора к каждой позиции данной в левом столбце, соответствующей позиции из правого столбца.</p> <table border="1"> <tbody> <tr> <td>A</td><td>Пусть <math>f(x) = 2^{x^2}</math>, <math>\varphi(x) = x^3 + 1</math>. Найти <math>f^2(x) + \varphi^3(x)</math>.</td><td>1</td><td><math>2^{4x}(x^6 + 1)</math></td></tr> <tr> <td>B</td><td>Пусть <math>f(x) = 2^x</math>, <math>\varphi(x) = x^3 + 1</math>. Найти <math>f(x^4) \cdot \varphi(x^2)</math>.</td><td>2</td><td><math>2, -\frac{1}{\sqrt{2}}, 1 + \frac{\pi^2}{4}, 1</math></td></tr> <tr> <td>C</td><td>Дана функция <math>f(x) = \begin{cases} \sin x, &amp; -1 &lt; x &lt; 0, \\ 1 + x^2, &amp; 0 \leq x \leq 2. \end{cases}</math> Найти <math>f(1), f\left(-\frac{\pi}{4}\right), f\left(\frac{\pi}{2}\right), f(0)</math>.</td><td>3</td><td><math>2^{2x^2} + (x^3 + 1)^3</math></td></tr> </tbody> </table> <p><b>Запишите выбранные цифры под соответствующими буквами:</b></p> <table border="1"> <tr> <td>A</td><td>B</td><td>C</td></tr> <tr> <td></td><td></td><td></td></tr> </table>	A	Пусть $f(x) = 2^{x^2}$ , $\varphi(x) = x^3 + 1$ . Найти $f^2(x) + \varphi^3(x)$ .	1	$2^{4x}(x^6 + 1)$	B	Пусть $f(x) = 2^x$ , $\varphi(x) = x^3 + 1$ . Найти $f(x^4) \cdot \varphi(x^2)$ .	2	$2, -\frac{1}{\sqrt{2}}, 1 + \frac{\pi^2}{4}, 1$	C	Дана функция $f(x) = \begin{cases} \sin x, & -1 < x < 0, \\ 1 + x^2, & 0 \leq x \leq 2. \end{cases}$ Найти $f(1), f\left(-\frac{\pi}{4}\right), f\left(\frac{\pi}{2}\right), f(0)$ .	3	$2^{2x^2} + (x^3 + 1)^3$	A	B	C				ПК-1
A	Пусть $f(x) = 2^{x^2}$ , $\varphi(x) = x^3 + 1$ . Найти $f^2(x) + \varphi^3(x)$ .	1	$2^{4x}(x^6 + 1)$																	
B	Пусть $f(x) = 2^x$ , $\varphi(x) = x^3 + 1$ . Найти $f(x^4) \cdot \varphi(x^2)$ .	2	$2, -\frac{1}{\sqrt{2}}, 1 + \frac{\pi^2}{4}, 1$																	
C	Дана функция $f(x) = \begin{cases} \sin x, & -1 < x < 0, \\ 1 + x^2, & 0 \leq x \leq 2. \end{cases}$ Найти $f(1), f\left(-\frac{\pi}{4}\right), f\left(\frac{\pi}{2}\right), f(0)$ .	3	$2^{2x^2} + (x^3 + 1)^3$																	
A	B	C																		

### ЗАДАНИЯ КОМБИНИРОВАННОГО ТИПА С ВЫБОРОМ

ОДНОГО ПРАВИЛЬНОГО ОТВЕТА			
21	<p><b>Прочтите текст и выберите правильный ответ.</b></p> <p>Пусть <math>f</math> - функция одной переменной. Неравенство <math>f''(x) &gt; 0</math>:</p> <ol style="list-style-type: none"> <li>1. является необходимым условием локального минимума</li> <li>2. является достаточным условием локального минимума</li> <li>3. является достаточным условием локального максимума</li> <li>4. ни одно из вышеперечисленных утверждений не верно</li> </ol>		ПК-1
22	<p><b>Прочтите текст и выберите правильный ответ.</b></p> <p>Пусть <math>f</math> - функция одной переменной. Равенство <math>f'(x^*) = 0</math>:</p> <ol style="list-style-type: none"> <li>1. является необходимым условием, чтобы точка <math>x^*</math> была точкой локального максимума</li> <li>2. является необходимым условием, чтобы точка <math>x^*</math> была точкой локального минимума</li> <li>3. является необходимым условием, чтобы точка <math>x^*</math> была точкой глобального минимума</li> <li>4. верны все вышеперечисленные утверждения</li> </ol>		ПК-2
23	<p><b>Прочтите текст и выберите правильный ответ.</b></p> <p>Точка <math>x^*</math>, для которой <math>f'(x^*) = 0</math> и <math>f''(x^*) &gt; 0</math> является:</p> <ol style="list-style-type: none"> <li>1. точкой локального максимума</li> <li>2. точкой локального минимума</li> <li>3. оба утверждения верны</li> </ol>		ПК-1
24	<p><b>Прочтите текст и выберите правильный ответ.</b></p> <p>Укажите необходимые и достаточные условия минимума функции:</p> <ol style="list-style-type: none"> <li>1. <math>f'(x) = 0, f''(x) \geq 0</math></li> <li>2. <math>f'(x) = 0, f''(x) \leq 0</math></li> <li>3. <math>f'(x) = 0, f''(x) = 0</math></li> </ol>		ПК-2
25	<p><b>Прочтите текст и выберите правильный ответ.</b></p> <p>Укажите необходимые и достаточные условия максимума функции:</p> <ol style="list-style-type: none"> <li>1. <math>f'(x) = 0, f''(x) \geq 0</math></li> <li>2. <math>f'(x) = 0, f''(x) \leq 0</math></li> <li>3. <math>f'(x) = 0, f''(x) = 0</math></li> </ol>		ПК-2
26	<p><b>Прочтите текст и выберите правильный ответ.</b></p> <p>Какие критерии используются для проверки унимодальности функции?</p> <ol style="list-style-type: none"> <li>1. <math>f''(x) \geq 0</math></li> <li>2. <math>f''(x) \leq 0</math></li> <li>3. <math>f''(x) = 0</math></li> </ol>		ПК-1

ЗАДАНИЯ КОМБИНИРОВАННОГО ТИПА С ВЫБОРОМ НЕСКОЛЬКИХ ПРАВИЛЬНЫХ ОТВЕТОВ			
27		<p><b>Прочтите текст и выберите правильные ответы.</b>            Какие методы относятся к методам одномерной оптимизации?</p> <ul style="list-style-type: none"> <li>а.) метод «золотого сечения»</li> <li>б.) метод хорд</li> <li>в.) метод Пауэла</li> <li>г.) метод Фибоначчи</li> <li>д.) метод Хука-Дживса</li> <li>е.) метод деления интервала пополам</li> </ul>	ПК-1
28		<p><b>Прочтите текст и выберите правильные ответы.</b>            Укажите методы нулевого порядка:</p> <ul style="list-style-type: none"> <li>а.) метод градиентного спуска</li> <li>б.) метод покоординатного спуска</li> <li>в.) метод Хука-Дживса</li> <li>г.) симплексный метод</li> </ul>	ПК-2
29		<p><b>Прочтите текст и выберите правильные ответы.</b>            Среди следующих методов выберете методы условной оптимизации:</p> <ol style="list-style-type: none"> <li>1. Покоординатный спуск;</li> <li>2. Метод возможных направлений;</li> <li>3. Метод проекции градиента;</li> <li>4. Метод Флетчера-Ривса.</li> </ol>	ПК-2
30		<p><b>Прочтите текст и выберите правильные ответы.</b>            Среди следующих методов выберете методы многомерной безусловной оптимизации:</p> <ol style="list-style-type: none"> <li>1. Метод возможных направлений;</li> <li>2. Покординатный спуск;</li> <li>3. Метод проекции градиента;</li> <li>4. Метод Флетчера-Ривса.</li> </ol>	ПК-1
31		<p><b>Прочтите текст и выберите правильные ответы.</b>            Укажите, какие из данных утверждений являются неверными</p> <ol style="list-style-type: none"> <li>1. Существование предела функции в точке по Коши влечет за собой существование предела функции в точке по Гейне, но не наоборот;</li> <li>2. Существование предела функции в точке по Гейне влечет за собой существование предела функции в точке по Коши, но не наоборот;</li> <li>3. Существование предела функции в точке по Коши влечет за собой существование предела функции в точке по Гейне, и наоборот;</li> <li>4. Существование предела функции в точке по Коши влечет за собой существование предела функции в точке по Гейне, но значения этих пределов не совпадают.</li> </ol>	ПК-2
32		<p><b>Прочтите текст и выберите правильные ответы.</b>            Среди следующих методов выберете методы являющиеся численными методами одномерной оптимизации:</p> <ol style="list-style-type: none"> <li>1. Метод золотого сечения</li> <li>2. Метод Дерева решений</li> <li>3. Метод секущих</li> <li>4. Метод ближайшего соседа</li> </ol>	ПК-1

